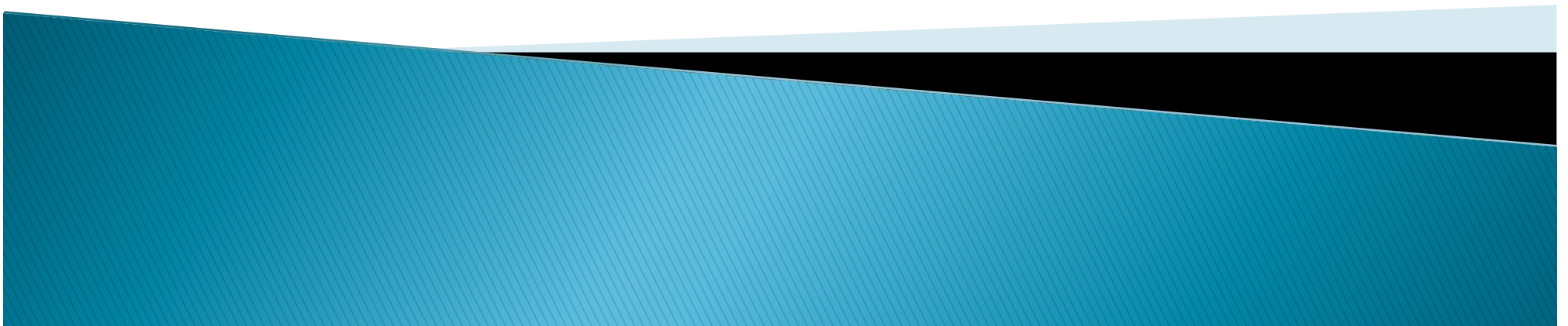


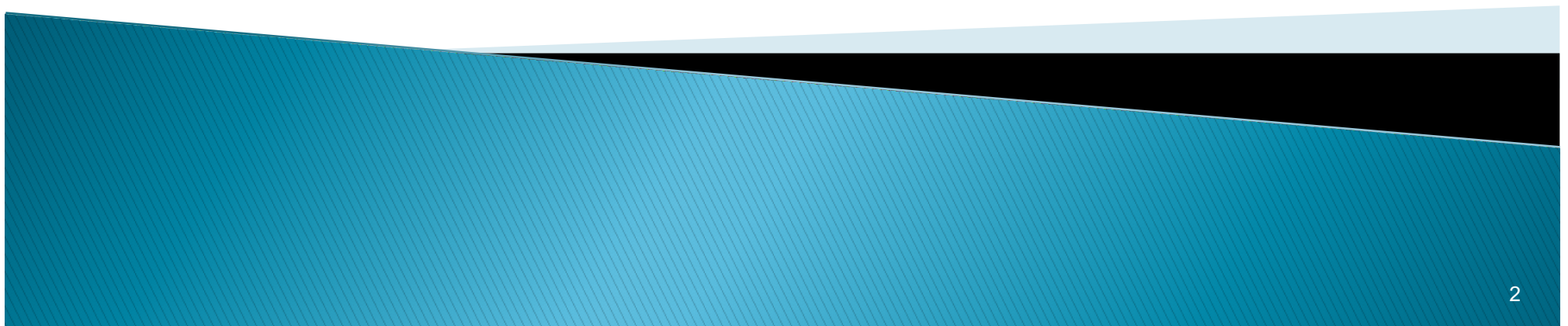
# **Chapitre 2**

## **Commande des SED**

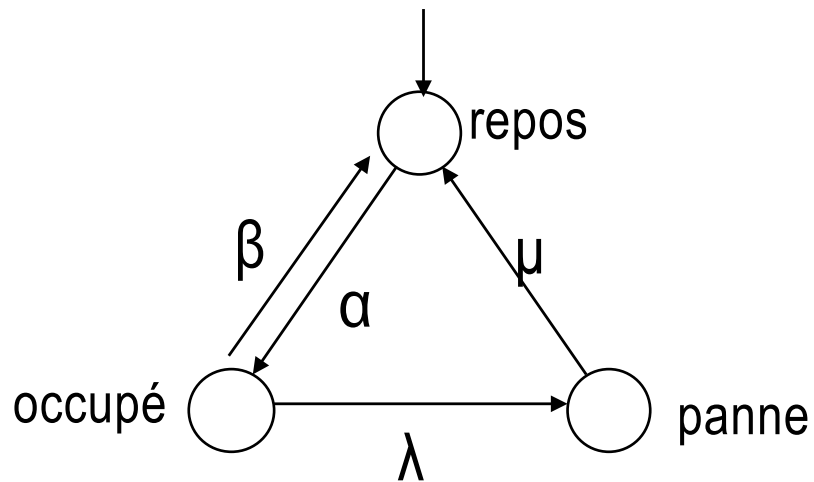
### **La théorie de Contrôle par Supervision**



# Représentation des SED



Si on veut représenter une machine à 3 états on a besoin :



$\alpha$  : commencer une opération

$\beta$  : fin de l'opération

$\lambda$  : occurrence d'une panne

$\mu$  : réparer la machine

$L = \{\epsilon, \alpha, \alpha\beta, \alpha\lambda, \alpha\lambda\mu, \alpha\lambda\mu\alpha, \dots\}$

$L = (\alpha\beta + \alpha\lambda\mu)^*(\epsilon + \alpha + \alpha\lambda)$

Générateur d'événement :

$G = \{Q, \Sigma, q_0, Q_m\}$

pour l'exemple on a :

$\Sigma = \{\alpha, \beta, \lambda, \mu\} = \Sigma_c \cup \Sigma_u$

$\Sigma_c = \{\alpha, \mu\}$      $\Sigma_u = \{\beta, \lambda\}$

$Q = \{\text{repos}, \text{occupé}, \text{panne}\}$

$q_0 = \text{repos}$      $Q_m = \text{repos}$

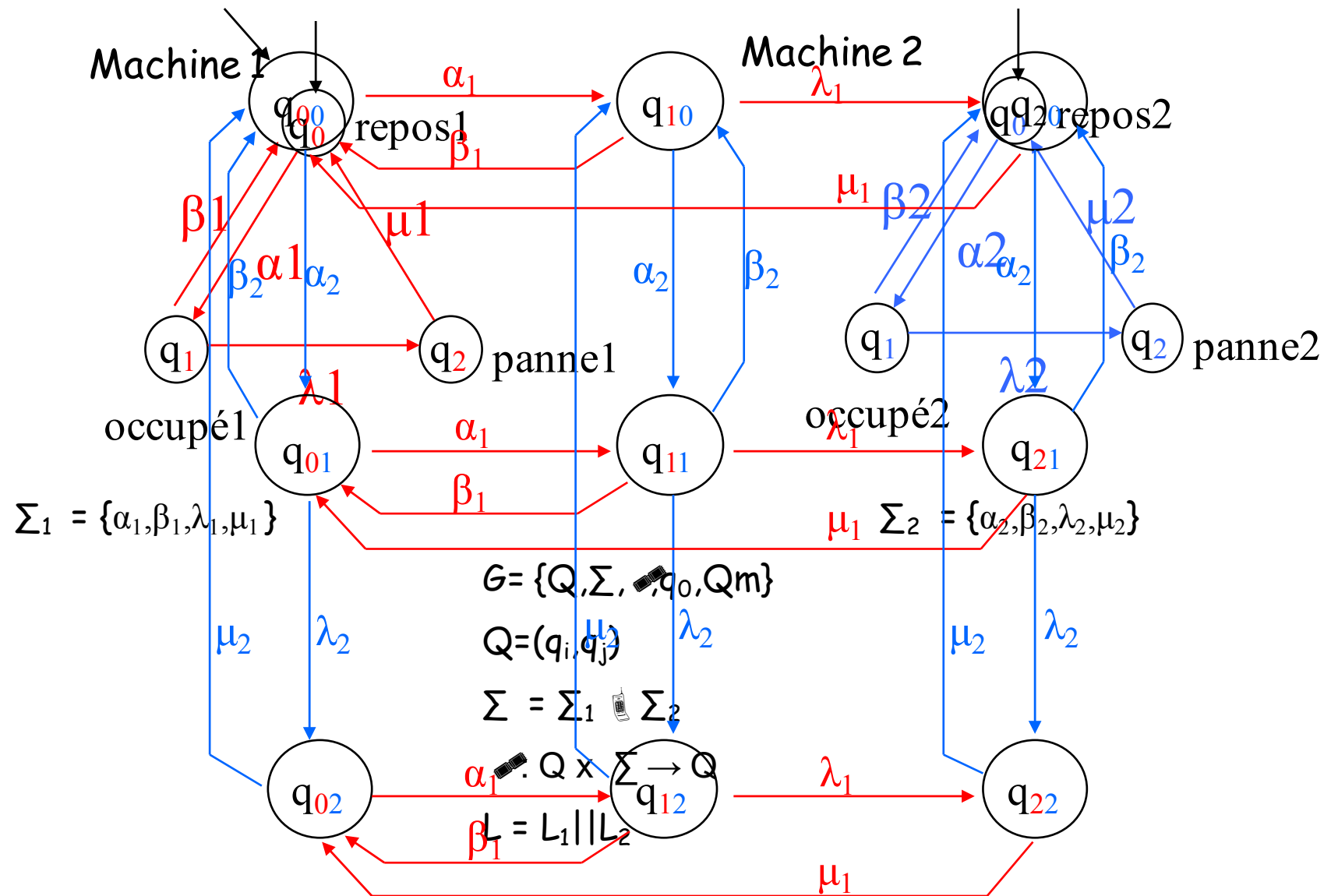
Fonctions de transition :

$\text{occupé} = \text{repos}, \alpha$

$\text{panne} = \text{occupé}, \lambda$

$\text{repos} = \text{occupé}, \beta$

$\text{repos} = \text{panne}, \mu$

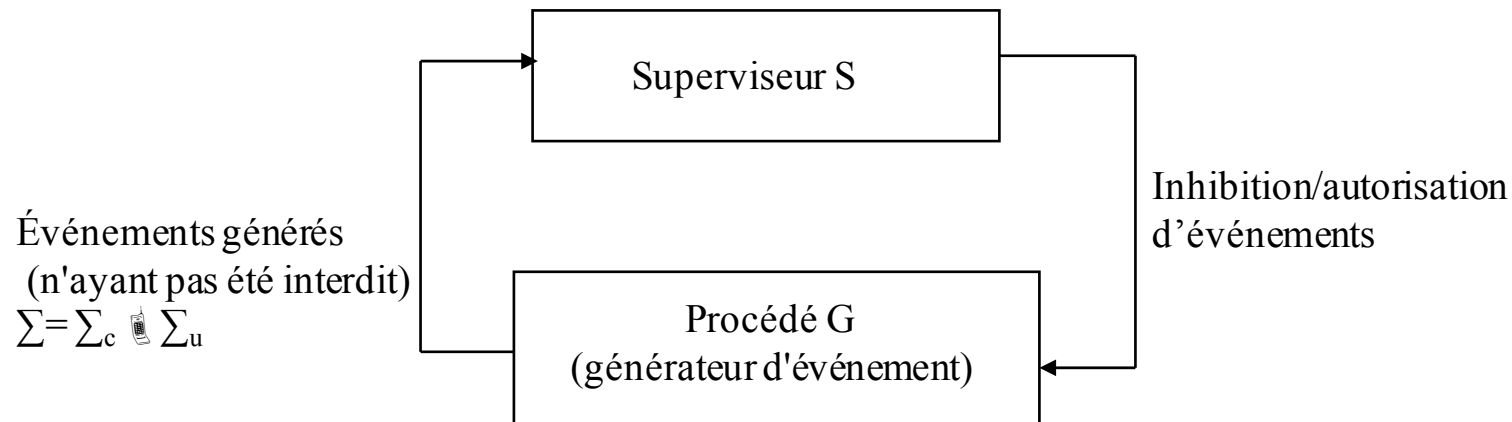




# Concept de supervision

## Principe de la supervision :

- Le procédé génère des événements spontanément qui peuvent être commandable ou non



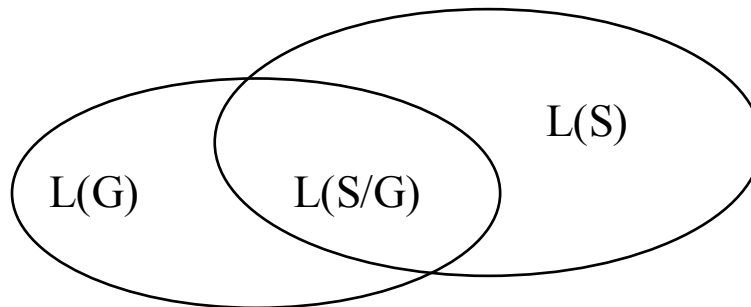
- $\Sigma$  est divisé en 2 sous-ensembles:  $\Sigma = \Sigma_c \cup \Sigma_u$ 
  - $\Sigma_c$  événements commandables et  $\Sigma_u$  : événements non commandables
- $\Sigma_c$  : le superviseur peut interdire ou autoriser ces événements à tout instant

- $\Sigma_u$  : le superviseur ne peut exercer d'action sur ces événements donc ils sont toujours autorisés quelque soit l'événement généré

Le superviseur est défini formellement par  $S:L(G) \rightarrow \Gamma$

Le comportement généré par  $S/G$  est le comportement en boucle fermée et il est décrit par le langage  $L(S/G)$  définit :

- $\epsilon \in L(S/G)$
- $w\sigma \in L(S/G)$  ssi  $w \in L(S/G)$ ,  $\sigma \in S(w)$  et  $w\sigma \in L(G)$



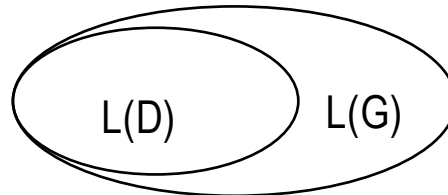
En pratique on représentera  $S$  et  $G$  par des automates fonctionnant en parallèle. Un événement  $\sigma$  peut avoir lieu lorsque  $S \times G$  est dans l'état  $(x, q)$  ssi  $\sigma$  est possible dans  $S$  et  $G$ . Il en résulte un changement d'état  $(x', q')$  avec  $x \rightarrow x'$  et  $q \rightarrow q'$  les évolutions dans  $S$  et  $G$  sous l'occurrence de  $\sigma$

# Concept de commandabilité



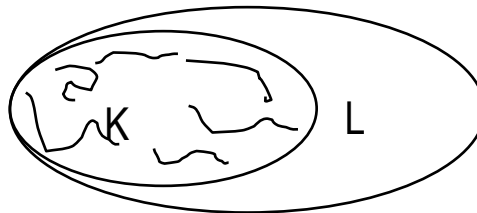
## Problématique :

On veut limiter le comportement du système à celui désiré (par cahier des charges) à partir du comportement libre du procédé. Pour cela on va utiliser la commandabilité des événements

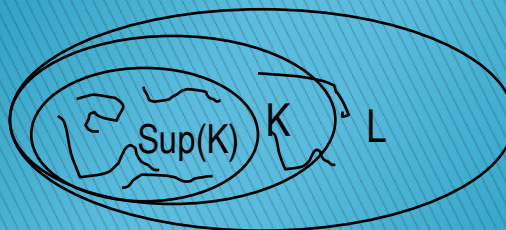


## Principe de commandabilité :

Un langage  $K$  est commandable ssi  $w \in K, \sigma \in \Sigma^* \text{ tel que } w\sigma \in L \text{ donc } w\sigma \in K$



Si  $K$  n'est pas commandable il existe un sous ensemble  $\text{sup}(K)$  commandable par rapport à  $L$ . Il faut s'assurer que  $\text{sup}(K) \supseteq K_{\min}$



Application sur l'exemple de la machine :

$$\Sigma_c = \{\alpha, \mu\}$$

$$\Sigma_u = \{\beta, \lambda\}$$

$$L(G) = (\alpha\beta + \alpha\lambda\mu)^* + (\varepsilon + \alpha + \alpha\lambda)$$

Soit  $K = \{\alpha\lambda\mu\}$  ce langage n'est pas commandable car on ne peut pas empêcher l'événement  $\beta$ . Plus formellement

$$\bar{K} = \{\alpha, \alpha\lambda, \alpha\lambda\mu\}$$

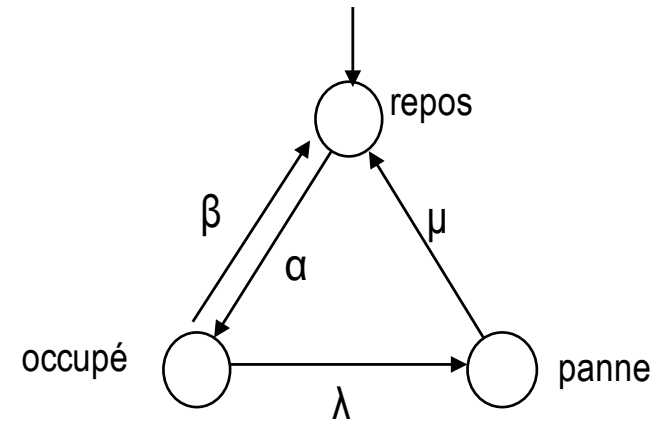
$$\bar{K} \Sigma_u = \{\alpha\beta, \alpha\lambda, \alpha\lambda\beta, \alpha\lambda\lambda, \alpha\lambda\mu\beta, \alpha\lambda\mu\lambda\}$$
 l'intersection avec  $L(G)$  donne  $\{\alpha\beta, \alpha\lambda\}$

Soit  $K = \{\alpha\beta, \alpha\lambda\}$

$$\bar{K} = \{\alpha, \alpha\lambda, \alpha\beta\}$$

$$\bar{K} \Sigma_u = \{\alpha\beta, \alpha\lambda, \alpha\lambda\beta, \alpha\lambda\lambda, \alpha\beta\lambda, \alpha\beta\beta\}$$
 l'intersection avec  $L(G)$  donne  $\{\alpha\beta, \alpha\lambda\}$

Donc  $K$  est commandable

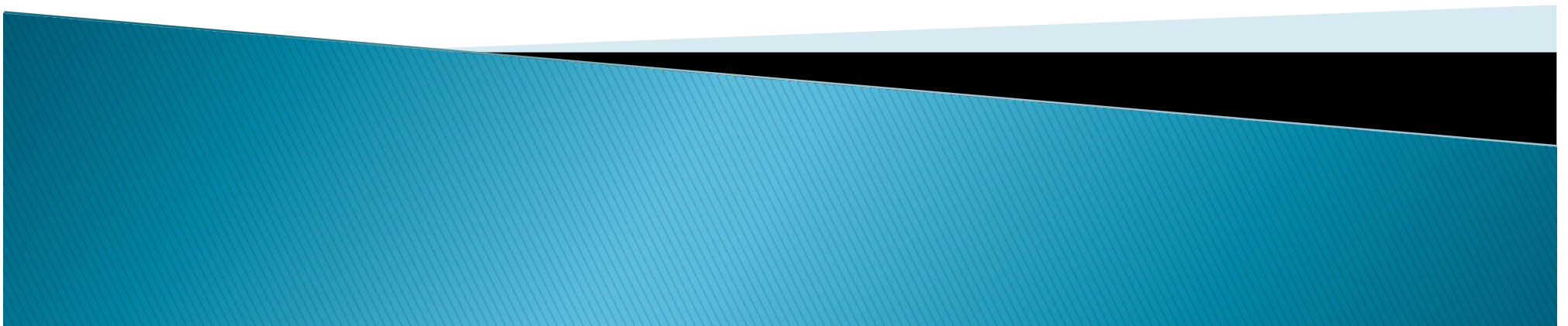




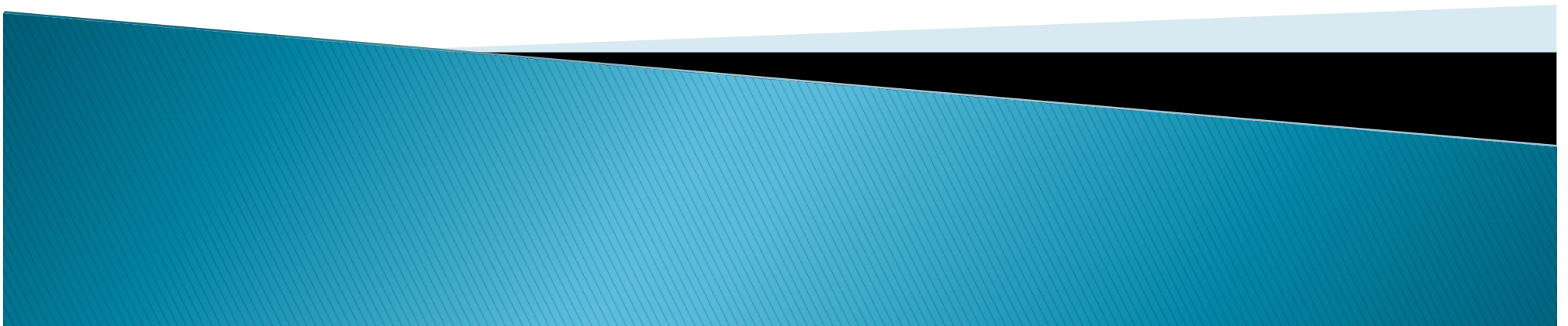
## Existence d'un superviseur :

Soit un procédé  $G$  et un langage de spécification  $K$ . La théorie de supervision a établi le théorème suivant :

- Pour tout langage  $K \subset L(G)$  il existe un superviseur  $S$  ssi:
  - $K$  est à préfixe fermé
  - $K$  est commandable par rapport à  $L(G)$



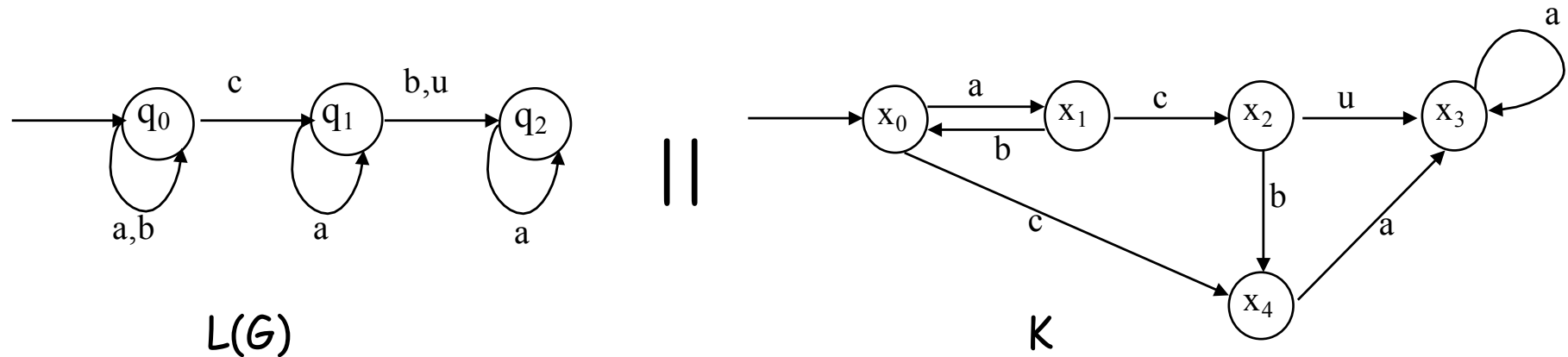
# Synthèse du superviseur



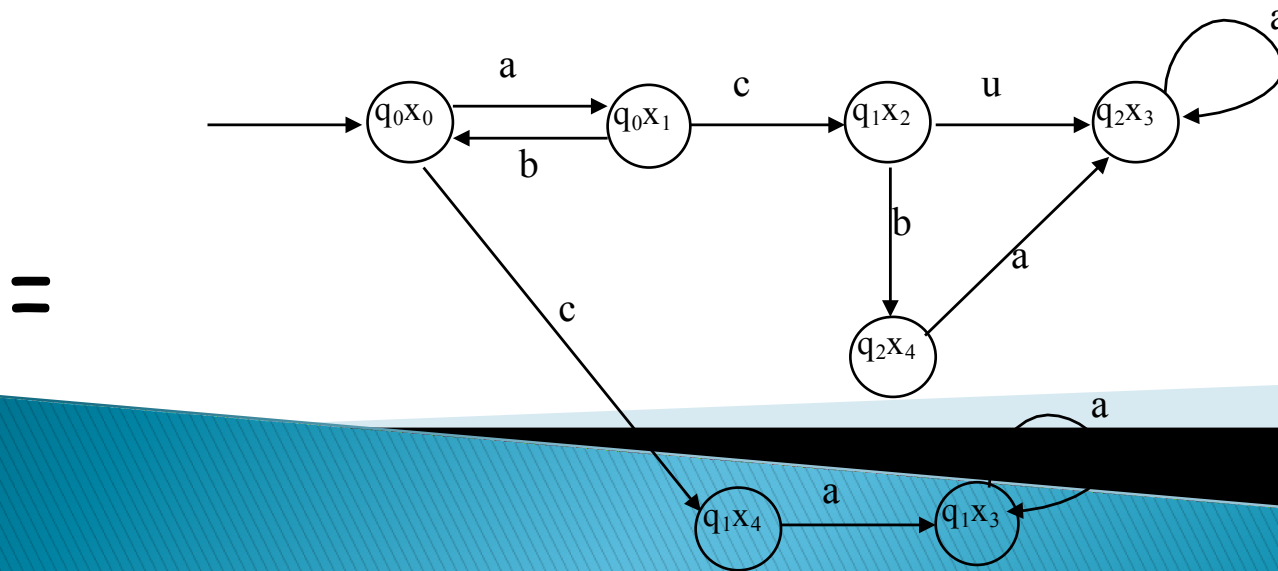
Pour faire la synthèse, on utilise l'algorithme de Kumar qui se décompose en 4 étapes :

- Construire le produit synchrone entre  $L(G)$  et  $K$
- Déterminer les états défendus
- Déterminer les états faiblement défendus
- Éliminer les états défendus ,les états faiblement défendus ainsi que les transitions liées à ces états

# Étape 1 : Produit synchrone entre $L(G)$ et $K$ :

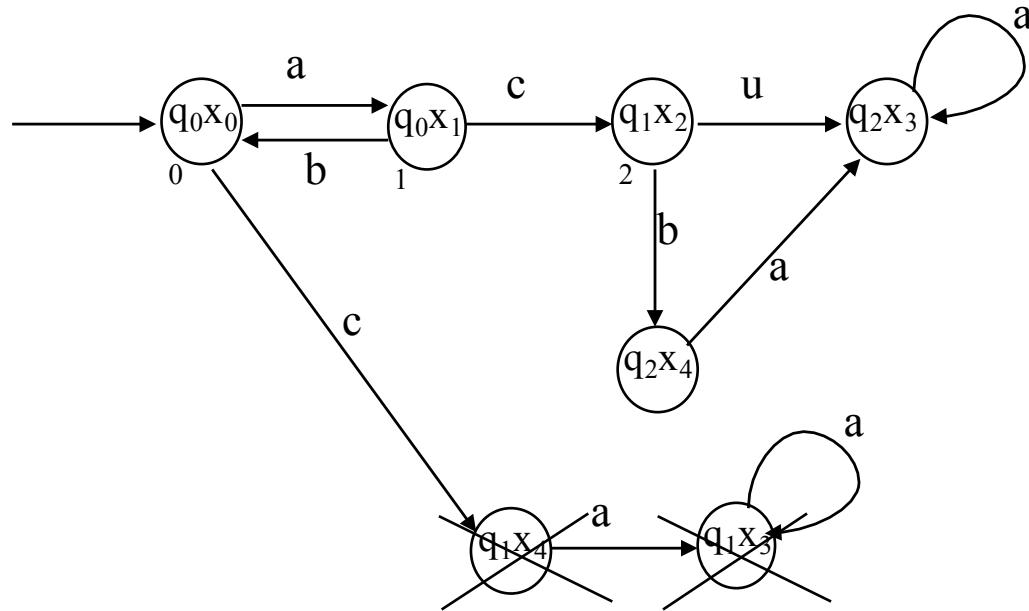


avec  $u$  événement incontrôlable



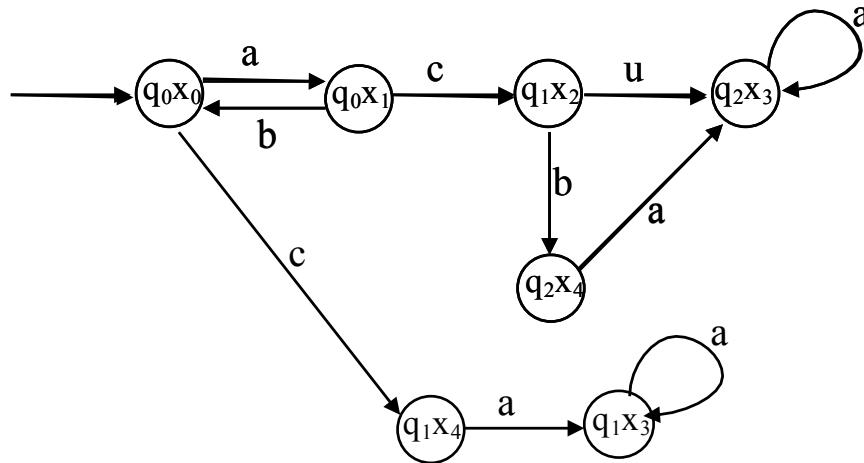


## Étape 2 : Déterminer les états défendus :



## Étape 3 : Déterminer des états faiblement défendus

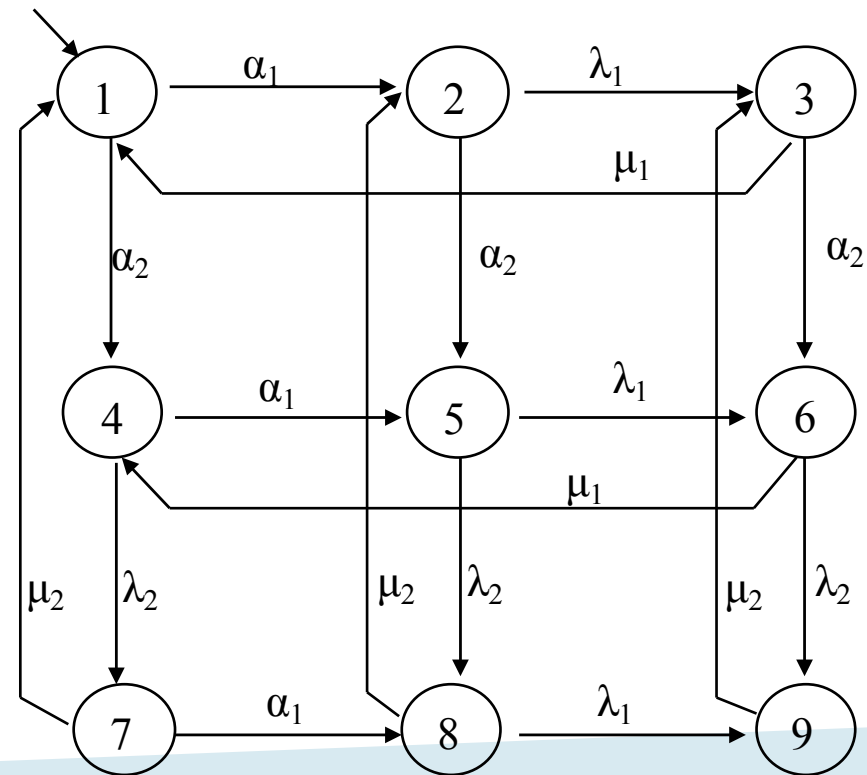
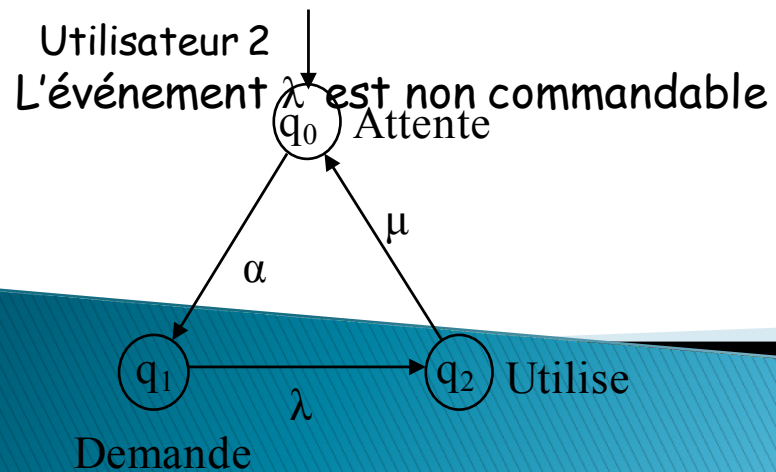
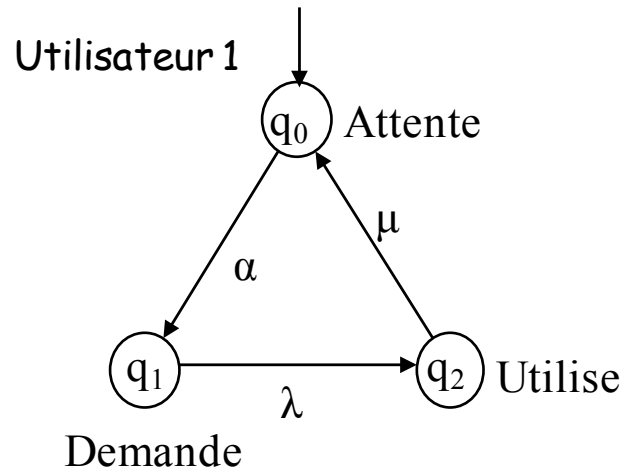
Étape 4 : Éliminer les états défendus ,les états faiblement défendus ainsi que les transitions liées à ces états



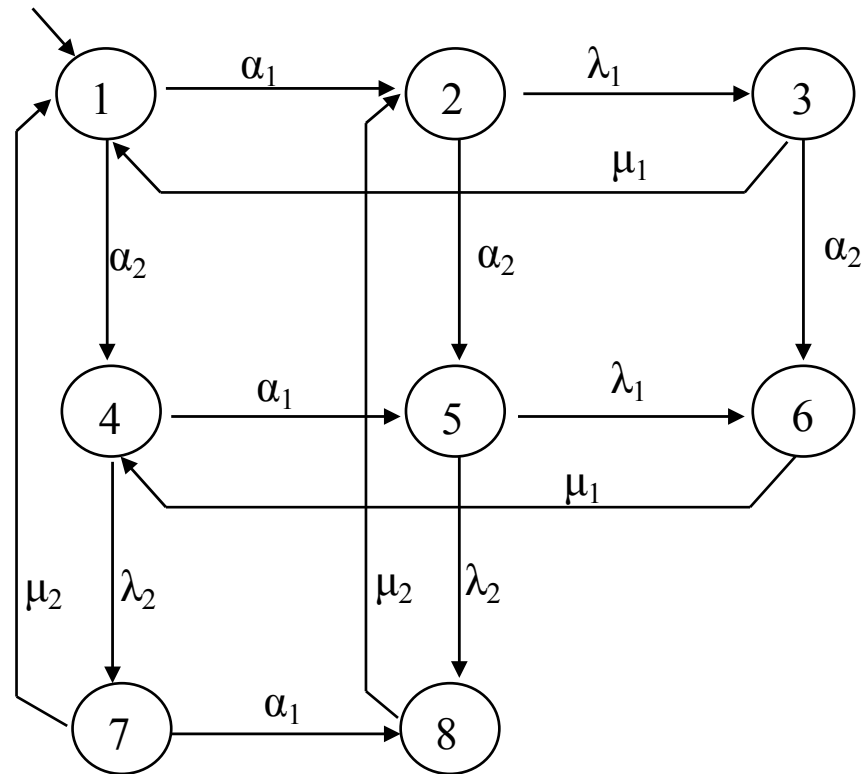
$Sup(K)$  : Automate du superviseur



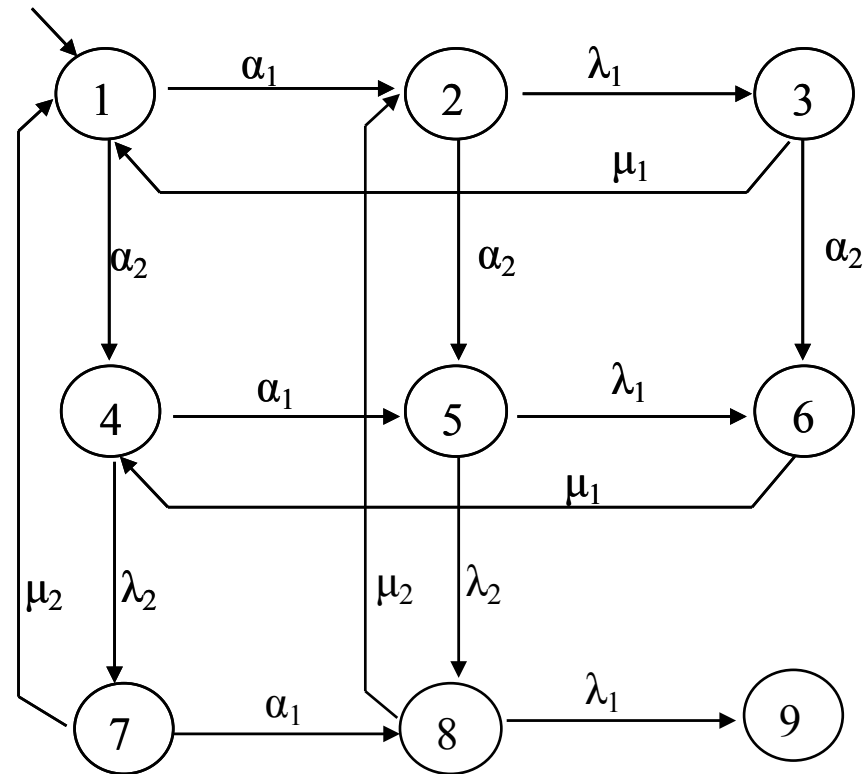
Autre exemple : On considère un système constitué de 2 utilisateurs partageant une ressource commune



On souhaite que les 2 utilisateurs n'utilisent pas la ressource en même temps :



## On définit finalement les propriétés des processus et la spécification



# Conclusions et perspectives



## Conclusions :

- La théorie de supervision est basée sur l'autorisation ou l'interdiction de certains événements
- langage désiré n'est pas commandable, on utilise l'algorithme de Kumar pour réduire ce langage en un langage commandable

## Perspectives :

- Voir d'autres méthodes de synthèse de la commande
- Utiliser d'autres exemples plus complexes